

## Kinematika hmotného bodu. Základní charakteristika pohybů. Aplikace.

1) Z určitého místa na břehu, které je ve výšce  $h$  nad hladinou vody, byla současně vržena vodorovným směrem dvě tělesa s počátečními rychlostmi  $v_1$  a  $v_2$ . Obě tělesa dopadla na hladinu vody současně, přičemž první těleso dopadlo do vody ve vzdálenosti 10 m od břehu.

a) Určete dobu, po kterou se každé těleso pohybovalo a výšku, ze které padalo.

b) V jaké vzdálenosti dopadlo druhé těleso na hladinu vody?

( $h = 5$  m,  $v_1 = 2$  m.s<sup>-1</sup> a  $v_2 = 4$  m.s<sup>-1</sup>)

2) Sportovní vůz se rozjížděl v zatáčce o poloměru  $r$  z klidu rovnoměrně zrychleným pohybem s tečným zrychlením o velikosti  $a$  po dobu  $t$ . Vypočtete velikost celkového zrychlení vozu na konci osmé sekundy jízdy.

( $r = 200$  m,  $a = 4$  m.s<sup>-1</sup>,  $t = 8$  s)

3) Určete počáteční rychlost a konstantní zrychlení cyklisty, který v páté sekundě urazil dráhu  $s_1$  a v desáté sekundě dráhu  $s_2$ .

( $s_1 = 12$  m,  $s_2 = 16$  m)

4) Automobil se pohybuje stálou rychlostí  $v$  po přímé silnici. Ve vzdálenosti  $x$  od silnice stojí pozorovatel. Určete, za jak dlouhou dobu po průjezdu nejkratší vzdáleností od pozorovatele se vozidlo vzdaluje rychlostí  $v/3$ .

( $v = 30$  m.s<sup>-1</sup>,  $x = 100$  m)

5) Po dvou přímých silnicích, které se protínají pod úhlem  $\alpha$ , se pohybují dva automobily se stálými rychlostmi  $v_1$  a  $v_2$ . Určete graficky velikost a směr jejich vzájemné rychlosti. Za jak dlouho po vzájemném setkání automobilů na křižovatce bude vzdálenost mezi oběma automobily rovna  $s$ ?

( $\alpha = 30^\circ$ ,  $v_1 = 10$  m.s<sup>-1</sup>,  $v_2 = 10$  m.s<sup>-1</sup>,  $s = 200$  m)

6) Náboj byl vystřelen pod elevačním úhlem  $\alpha$  a dopadl za dobu  $t$  na místo, které je ve výšce  $h$  nad horizontální rovinou. Vypočtete horizontální vzdálenost místa dopadu náboje a jeho počáteční rychlost. Odpor vzduchu zanedbáváme.

( $\alpha = 30^\circ$ ,  $t = 1,65$  s,  $h = 800$  m)

7) Autobus zmenšil rovnoměrným brzděním svoji rychlost z  $v_1$  na  $v_2$  a urazil přitom dráhu  $s$ . Jak dlouhou dobu brzdil?

( $v_1 = 60$  km.h<sup>-1</sup>,  $v_2 = 40$  km.h<sup>-1</sup>,  $s = 50$  m)

8) Motorový člun, který se pohybuje rovnoměrně zrychleným pohybem, urazil vzdálenost  $s$  za dobu  $t$  a ztrojnásobil svoji rychlost. Určete jeho rychlost při vstupu do měřené dráhy a místo, kde začal jeho pohyb.

( $s = 20$  m,  $t = 4$  s)

9) Máme dva plavce, jeden plave rychlostí  $v_1$  napříč přes řeku širokou  $x$  a zpět, druhý rychlostí  $v_2$  dráhu  $x$  po proudu a pak zpět dráhu  $x$  proti proudu. Jaká musí být minimální rychlost řeky, aby slabší plavec porazil silnějšího.

( $v_1 = 0,9$  m.s<sup>-1</sup>,  $x = 200$  m,  $v_2 = 1$  m.s<sup>-1</sup>)

10) Dva čluny současně vypluly stejnými rychlostmi z bodů A a B, které jsou na opačných březích řeky a plují po přímce AB, která svírá se směrem toku úhel  $\alpha$ . Vzdálenost bodů A, B je  $x$ . Rychlost toku řeky po celé její šířce je rovna  $v$ . Určete místo setkání obou lodí, úhel, pod kterým se obě lodi musí pohybovat vzhledem k přímce AB a rychlost obou lodí, vzhledem ke klidné vodě, jestliže se obě lodi setkaly za dobu  $t$  po výjezdu.

( $\alpha = 60^\circ$ ,  $x = 450$  m,  $v = 2$  m.s<sup>-1</sup>,  $t = 1,5$  min)

## Dynamika hmotného bodu a soustavy bodů.

11) Jak velká odstředivá síla působí na člověka o hmotnosti  $m$  sedícího na obvodu kolotoče o poloměru  $r$  při frekvenci otáčení  $f$ ?

( $m = 60 \text{ kg}$ ,  $r = 1,5 \text{ m}$ ,  $f = 12 \text{ ot./min}$ )

12) Osobní automobil se pohybuje po vodorovné dráze se zrychlením  $a_1$  a při rovnoměrném stoupání se zrychlením  $a_2$ . Vypočtěte úhel stoupání za předpokladu, že tahová síla motoru a tření se nezměnily.

( $a_1 = 2 \text{ m.s}^{-2}$ ,  $a_2 = 1,6 \text{ m.s}^{-2}$ )

13) Jaký musí být poloměr trajektorie letadla letícího rychlostí o stálé velikosti  $v$ , pokud chce pilot vykonat akrobatický prvek looping tak, aby v nejvyšším bodě trajektorie byl ve stavu beztlíže. Jakou rychlostí by musel letět po stejné trajektorii, aby na něj působilo v nejvyšším bodě přetížení 2G?

( $v = 300 \text{ km.h}^{-1}$ )

14) Na vodorovný rotující kotouč položíme hrací kostku o hmotnosti  $m$  do vzdálenosti  $r$  od osy otáčení. Klidový součinitel smykového tření je  $f_0$ . Stanovte nejvyšší úhlovou rychlost kotouče, aby se kostka nepohnula.

( $m = 20 \text{ g}$ ,  $r = 10 \text{ cm}$ ,  $f_0 = 0,3$ )

15) Nákladní auto jede stálou rychlostí  $v$  z kopce. Hmotnost auta je  $m$ . Auto brzdí pomocí motoru, celková brzdná síla působící na auto má velikost  $F$ . Určete sklon kopce.

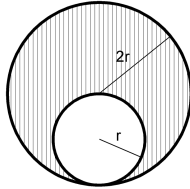
( $v = 30 \text{ km.h}^{-1}$ ,  $m = 5 \text{ t}$ ,  $F = 4400 \text{ N}$ )

## Mechanická práce a energie. Mechanika tuhého tělesa.

16) Vagón o hmotnosti  $m_1$  pohybující se rychlostí  $v_1$  narazí do druhého vagónu o hmotnosti  $m_2$ , který je v klidu. Po nárazu se oba vagóny spojí a pohybují se společně. Kolik energie se spotřebuje na ohřátí obou vagónů při srážce?

( $m_1 = 30 \text{ t}$ ,  $v_1 = 0,5 \text{ m}\cdot\text{s}^{-1}$ ,  $m_2 = 20 \text{ t}$ )

17) Z homogenní kruhové desky o poloměru  $2r$  byl vyřezán kruh o poloměru  $r$ . Určete polohu těžiště zbylé části.



18) Bruslař o hmotnosti  $m_1$  stojí na bruslích na hladkém ledu. Do pohybu se uvede tím, že ve vodorovném směru odhodí před sebe kouli o hmotnosti  $m_2$  rychlostí  $v$ . Do jaké vzdálenosti bruslař po odhození koule odjede? Součinitel tření mezi ledem a bruslemi je  $f$ .

( $m_1 = 70 \text{ kg}$ ,  $m_2 = 3 \text{ kg}$ ,  $v = 8 \text{ m}\cdot\text{s}^{-1}$ ,  $f = 0,02$ )

19) Na obvodu kola, které má poloměr  $r$  a moment setrvačnosti  $J$ , je navinuto vlákno, na jehož konci visí závaží o hmotnosti  $m$ . Kolo je otáčivé kolem osy jdoucí jeho středem. Vypočtete, s jakým zrychlením se pohybuje závaží. Vlákno na obvodu kola neprokluzuje, tření a hmotnost vlákna neuvažujeme.

( $r = 40 \text{ cm}$ ,  $J = 1,2 \text{ kg}\cdot\text{m}^2$ ,  $m = 3,0 \text{ kg}$ )

20) Do klidného tělesa o hmotnosti  $m_1$  zavěšeného na niti narazí ve vodorovném směru střela o hmotnosti  $m_2$ . Po srážce střela zůstane v tělese a těleso se spolu se střelou pohybují do výšky  $h$  nad původní polohu tělesa. Určete velikost rychlosti střely před srážkou. Hmotnost niti a odpor vzduchu zanedbejte.

( $m_1 = 1 \text{ kg}$ ,  $m_2 = 10 \text{ g}$ ,  $h = 20 \text{ cm}$ )

21) Ocelové trubky o délce  $d$  jsou složeny na podstavcích, které jsou od sebe vzdáleny  $x$ . Jak mají trubky přechýlit na obou stranách podstavců, jestliže má na jeden podstavec působit složka  $2/5$  a na druhý  $3/5$  tíhy trubek.

( $d = 6 \text{ m}$ ,  $x = 2 \text{ m}$ )

22) Na mostě o délce  $d$  stojí nákladní automobil. Vzdálenost osy předních kol od místa uložení mostu je  $x$ . Vzdálenost mezi osami kol je  $a$ . Tlakové síly, kterými působí na povrch vozovky, mají velikost  $F_1$  a  $F_2$ .

a) Určete polohu těžiště automobilu

b) Určete velikost sil, kterými působí automobil na most v obou místech jeho uložení.

( $d = 12 \text{ m}$ ,  $x = 1,5 \text{ m}$ ,  $a = 4 \text{ m}$ ,  $F_1 = 10 \text{ kN}$ ,  $F_2 = 35 \text{ kN}$ )

23) Malý vozík o hmotnosti  $m$  sjíždí bez smýkání po dráze zakončené válcovou plochou o poloměru  $r$ . Z jaké výšky musí vozík sjíždět, aby projel celou kruhovou smyčku této válcové plochy? Moment setrvačnosti a valivý odpor koleček zanedbejte.

( $m = 2 \text{ kg}$ ,  $r = 1 \text{ m}$ )

24) Těžiště naloženého automobilu na vodorovné silnici je ve výšce  $y$ , tlaková síla na přední nápravu je  $F_1$  a na zadní nápravu  $F_2$ . Vypočtete, jak se změní tlakové síly na nápravy, jede-li automobil po silnici se stoupáním  $12 \%$ . Rozvor náprav je  $x$ .

( $y = 140 \text{ cm}$ ,  $F_1 = 2,25 \cdot 10^4 \text{ N}$ ,  $F_2 = 4,65 \cdot 10^4 \text{ N}$ ,  $x = 2,7 \text{ m}$ )

25) Na vzduchové dráze se srazí vozík dokonale pružně s druhým vozíkem, který byl do srážky v klidu. Po srážce se oba vozíky pohybují stejně velkými rychlostmi opačným směrem. Určete poměr hmotností obou vozíků.

## Gravitační pole – charakteristika, zákony, veličiny. Pohyby v gravitačním poli.

26) Kámen byl vržen z okna budovy na Zemi vodorovně s počáteční rychlostí  $v_0$ . Určete velikost a směr výsledné rychlosti kamene po době  $t$ .

$$(v_0 = 10 \text{ m.s}^{-1}, t = 2 \text{ s})$$

27) Míč byl vržen svisle vzhůru počáteční rychlostí  $v_0$ . Jak dlouho mu potrvá výstup do výšky, která je rovna právě polovině maximální výšky vrhu?

$$(v_0 = 10 \text{ m.s}^{-1})$$

28) Při skoku z desetimetrové věže provedl skokan před dopadem na vodní hladinu 2,5 otáčky. Předpokládejte, že svislá složka jeho rychlosti byla na počátku nulová. Vypočítejte úhlovou rychlost jeho otáčivého pohybu.

29) Ve kterém místě spojnice Země – Měsíc je výsledná intenzita gravitačního pole obou těles nulová? Hmotnost Země je  $M$ , hmotnost Měsíce je  $m$  a vzdálenosti jejich středů je  $a$ .

30) Určete výšku geostacionární družice nad rovníkem Země. Oběžná doba družice je 24 hodin. Poloměr Země je 6 378 km.

31) Do jaké výšky nad povrch Země bychom museli vystoupat, aby na nás působila poloviční gravitační síla, nežli na povrchu Země? Poloměr Země je 6 378 km.

32) Volně padající kámen má v jednom bodě své dráhy okamžitou rychlost  $v_1$  a v jiném, níže položeném bodě, má rychlost  $v_2$ . Za jaký čas doletí kámen z prvního bodu do druhého a jak daleko jsou oba dva body od sebe vzdálené?

$$(v_1 = 5 \text{ m.s}^{-1}, v_2 = 8 \text{ m.s}^{-1})$$

33) Čerpadlo odčerpává vodu z dolu z hloubky  $h$  a na povrchu ji vypouští rychlostí o velikosti  $v$ . Za dobu  $t$  se odčerpá voda o hmotnosti  $m$ . Pětina vynaložené práce se spotřebuje na překonávání třecích sil. Určete výkon čerpadla.

$$(h = 50 \text{ m}, v = 10 \text{ m.s}^{-1}, t = 1 \text{ h}, m = 10,8 \text{ t})$$

34) Jak velká výsledná síla působí na člověka o hmotnosti  $m$  na rovníku Země? Hmotnost Země je  $M$ , poloměr Země je  $R$ , doba rotace země je  $t$ .

$$(m = 75 \text{ kg}, M = 6 \cdot 10^{24} \text{ kg}, R = 6 \text{ 378 km}, t = 24 \text{ h})$$

35) Poloměr planety Jupiter je  $R$ . Jeho čtvrtý měsíc Kalisto je od středu planety vzdálen asi  $26 R$  a jeho oběžná doba je  $T$ . Vypočítejte gravitační zrychlení na povrchu Jupitera.

$$(R = 71 \text{ 800 km}, T = 16,7 \text{ dne})$$

## Mechanika kapalin a plynů – základní zákonitosti a praktické využití.

36) Jakou největší hmotnost může mít člověk o hustotě  $\rho$ , má-li ho ve vodě o hustotě  $\rho_V$  unést záchranný pás z korku o hmotnosti  $m$  a hustotě  $\rho_K$ .

( $m = 2 \text{ kg}$ ,  $\rho = 1,08 \cdot 10^3 \text{ kg.m}^{-3}$ ,  $\rho_K = 0,22 \cdot 10^3 \text{ kg.m}^{-3}$ ,  $\rho_V = 1 \cdot 10^3 \text{ kg.m}^{-3}$ )

37) V nádobě o výšce  $h$  plné vody je otvor ve výšce  $y$  nad jejím dnem. Jak daleko od nádoby bude na podlahu dopadat proud vody? Dno nádoby je ve výšce  $d$  nad podlahou.

( $h = 50 \text{ cm}$ ,  $y = 20 \text{ cm}$ ,  $d = 1 \text{ m}$ )

38) Obsahy průřezů válců hydraulického lisu jsou  $S_1$  a  $S_2$ . Na menší píst působí síla o velikosti  $F_1$ . Určete:

a) Velikost tlakové síly působící na větší píst.

b) Dráhu, o kterou se posune větší píst, jestliže se menší píst posune o vzdálenost  $r$ .

c) Práci, kterou při tomto posunutí vykoná tlaková síla.

( $S_1 = 20 \text{ cm}^2$ ,  $S_2 = 800 \text{ cm}^2$ ,  $F_1 = 100 \text{ N}$ ,  $r = 8 \text{ cm}$ )

39) Na dřevěnou tyč o průřezu  $S$  a délce  $d$  je zavěšeno železné závaží o hmotnosti  $m$  a tato tyč je ponořena ve svislé poloze do dostatečně hlubokého rybníka s vodou. Určete, jaká část tyče bude vyčnívat nad hladinu. Hustota dřeva tyče je  $\rho_T$ , hustota železa je  $\rho_{Fe}$ .

( $S = 1 \text{ cm}^2$ ,  $d = 1,5 \text{ m}$ ,  $m = 40 \text{ g}$ ,  $\rho_T = 600 \text{ kg.m}^{-3}$ ,  $\rho_{Fe} = 7800 \text{ kg.m}^{-3}$ )

40) Do vodorovného potrubí jsou vloženy dvě manometrické trubice – jedna z nich je rovná, druhá ohnutá do pravého úhlu a obrácená otvorem proti směru proudění kapaliny. Jaká je rychlost tohoto proudění, jestliže v rovné trubici vystoupila voda do výšky  $h_1$  a v ohnuté trubici do výšky  $h_2$ ?

( $h_1 = 10 \text{ cm}$ ,  $h_2 = 30 \text{ cm}$ )

41) Jakou plochu musí mít ledová kra o tloušťce  $h$  a hustotě  $\rho_1$  plovoucí ve vodě o hustotě  $\rho_2$ , aby unesla psa o hmotnosti  $m$ ?

( $h = 20 \text{ cm}$ ,  $\rho_1 = 910 \text{ kg.m}^{-3}$ ,  $\rho_2 = 1000 \text{ kg.m}^{-3}$ ,  $m = 40 \text{ kg}$ )

42) Do nádoby přitéká kapalina o hustotě  $\rho$  stálým objemovým průtokem  $Q$ . U dna nádoby je otvor o průměru  $d$ . V jaké výšce se ustálí hladina kapaliny v nádobě?

( $\rho = 1000 \text{ kg.m}^{-3}$ ,  $Q = 2 \text{ dm}^3 \cdot \text{s}^{-1}$ ,  $d = 5 \text{ cm}$ )

43) Ve vodorovné trubici o průřezu  $S_1$  má kapalina o hustotě  $\rho$  rychlost  $v_1$  a tlak  $p_1$ . Jaký je tlak v místě o průřezu  $S_2$ .

( $S_1 = 30 \text{ cm}^2$ ,  $\rho = 1000 \text{ kg.m}^{-3}$ ,  $v_1 = 10 \text{ m.s}^{-1}$ ,  $p_1 = 100 \text{ kPa}$ ,  $S_2 = 40 \text{ cm}^2$ )

44) Voda o objemu  $V$  a hustotě  $\rho$  protéká potrubím o obsahu průřezu  $S_1$  rychlostí  $v_1$ . O kolik se změní její kinetická energie, dostane-li se do části potrubí o obsahu průřezu  $S_2$ ?

( $V = 2 \text{ dm}^3$ ,  $\rho = 1000 \text{ kg.m}^{-3}$ ,  $S_1 = 10 \text{ cm}^2$ ,  $v_1 = 2 \text{ m.s}^{-1}$ ,  $S_2 = 20 \text{ cm}^2$ )

45) Kulička se pohybuje v kapalině o hustotě  $\rho$  a dynamické viskozitě  $\eta$ . Kulička má poloměr  $r$  a součinitel odporu je  $C$ . Určete pro kterou hodnotu rychlosti by byly stejně velké odporové síly, pokud bychom uvažovali proudění okolo kuličky jako laminární a jako turbulentní.

( $\rho = 1000 \text{ kg.m}^{-3}$ ,  $\eta = 0,001 \text{ kg.m}^{-1} \cdot \text{s}^{-1}$ ,  $r = 2 \text{ cm}$ ,  $C = 0,50$ )

## Základní poznatky molekulové fyziky a termodynamiky.

46) Určete hmotnost uhlí, které je třeba spálit v parním kotli, aby se voda o hmotnosti  $m$  a teplotě  $t_1$  zahřála na teplotu  $100\text{ °C}$  a aby se její jedna šestina přeměnila na páru. Účinnost parního kotle je  $\eta$ , měrná tepelná kapacita vody je  $c$ , měrné skupenské teplo vypařování vody při teplotě  $100\text{ °C}$  je  $l_V$  a výhřevnost uhlí je  $Q$ .

( $m = 6\text{ t}$ ,  $t_1 = 10\text{ °C}$ ,  $\eta = 70\%$ ,  $c = 4180\text{ J.kg}^{-1}.\text{K}^{-1}$ ,  $l_V = 2,26\text{ MJ/kg}$ ,  $Q = 30\text{ MJ.kg}^{-1}$ )

47) Určete rychlost, jakou musí letět olověný brok o teplotě  $t_1$  a měrné tepelné kapacitě  $c_{Pb}$ , aby dosáhl teploty  $t_2$  tání při průchodu stěnou, při kterém se zmenšila jeho rychlost na polovinu. Předpokládejte, že kinetická energie broku, která se přemění na vnitřní energii, se rovnoměrně rozdělí mezi brok a překážku.

( $t_1 = 20\text{ °C}$ ,  $t_2 = 327,5\text{ °C}$ ,  $c_{Pb} = 129\text{ J.kg}^{-1}.\text{K}^{-1}$ )

48) Měděný kalorimetr s měrnou tepelnou kapacitou  $c_{Cu}$  má hmotnost  $m_1$  a je v něm voda o objemu  $V$ , měrné tepelné kapacitě  $c$  a teplotě  $T_1$ . Hliníkový váleček o hmotnosti  $m_2$  byl zahřát na teplotu  $T_2$  a ponořen do kalorimetru. Výsledná teplota byla  $T$ . Stanovte měrnou tepelnou kapacitu hliníku.

( $c_{Cu} = 383\text{ J.kg}^{-1}.\text{K}^{-1}$ ,  $m_1 = 0,32\text{ kg}$ ,  $V = 0,25\text{ l}$ ,  $c = 4180\text{ J.kg}^{-1}.\text{K}^{-1}$ ,  $T_1 = 291\text{ K}$ ,  $m_2 = 0,08\text{ kg}$ ,  $T_2 = 372\text{ K}$ ,  $T = 295,5\text{ K}$ )

49) Do vody o teplotě  $t_1$  a hmotnosti  $m_1$  vhodíme kostku ledu o teplotě  $t_2$  a hmotnosti  $m_2$ . Do soustavy vzápětí přilijeme další vodu o teplotě  $t_3$  a hmotnosti  $m_3$ . Celý děj probíhá za normálního atmosférického tlaku. Stanovte, v jakém stavu se bude soustava nacházet po dosažení termodynamické rovnováhy.

( $t_1 = 70\text{ °C}$ ,  $m_1 = 1\text{ kg}$ ,  $t_2 = -10\text{ °C}$ ,  $m_2 = 2\text{ kg}$ ,  $t_3 = 40\text{ °C}$ ,  $m_3 = 1\text{ kg}$ )

50) Tyč délky  $d$  má průřez  $S$ . Na jednom konci je udržována na teplotě  $t$  a druhým koncem se opírá o led o teplotě  $0\text{ °C}$ . Odhadněte, jaké množství ledu roztaje za čas  $\tau$ . Součinitel tepelné vodivosti materiálu, z něhož je tyč vyrobena, je  $67,2\text{ W.m}^{-1}.\text{K}^{-1}$ .

( $d = 1\text{ m}$ ,  $S = 3\text{ cm}^2$ ,  $t = 300\text{ °C}$ ,  $\tau = 10\text{ min}$ )

## Struktura a vlastnosti pevných látek, deformace a teplotní roztažnost.

51) Ocelová tyč, která má počáteční délku 2 m a průřez o obsahu  $1 \text{ cm}^2$ , je na jednom konci upevněná a na druhém konci je napínána silou 10 kN. Rozhodněte, zda je deformace tyče pružná a vypočítejte délku tyče po jejím prodloužení. Tyč má mez pružnosti 572 MPa, modul pružnosti v tahu 200 GPa.

52) Určete teplotu, na kterou se ohřála měděná cívka vinutí elektromotoru. Její odpor před zapnutím motoru, při teplotě  $t$ , měl hodnotu  $R_1$  a ihned po vypnutí  $R_2$ . Teplotní součinitel odporu mědi je  $\alpha$ .  
( $t = 20 \text{ }^\circ\text{C}$ ,  $R_1 = 0,15 \ \Omega$ ,  $R_2 = 0,17 \ \Omega$ ,  $\alpha = 4 \cdot 10^{-3} \text{ K}^{-1}$ )

53) Příčný ocelový drát je upevněn mezi dvěma pevnými svorkami při teplotě drátu  $t_1$ . Jaké normálové napětí vznikne v drátu, jestliže teplota klesne na  $t_2$ ? Modul pružnosti oceli je  $E$  a součinitel teplotní roztažnosti je  $\alpha$ .  
( $t_1 = 100 \text{ }^\circ\text{C}$ ,  $t_2 = 20 \text{ }^\circ\text{C}$ ,  $E = 200 \text{ GPa}$ ,  $\alpha = 1,2 \cdot 10^{-5} \text{ K}^{-1}$ )

54) Ocelový drát byl při teplotě  $t_1$  upevněn mezi dvě pevné svorky. Teplota prostředí je  $t_2$ . Při jaké nejvyšší teplotě smí být drát napnut mezi svorky, aby se při chladnutí na teplotu okolí nepřetrhl? I když to zcela neodpovídá realitě, předpokládejte, že deformace je až do meze pevnosti pružná. Mez pevnosti oceli je  $f$  a součinitel teplotní roztažnosti je  $\alpha$ .  
( $t_1 = 100 \text{ }^\circ\text{C}$ ,  $t_2 = 20 \text{ }^\circ\text{C}$ ,  $f = 400 \text{ MPa}$ ,  $\alpha = 1,2 \cdot 10^{-5} \text{ K}^{-1}$ )

55) Měděný a zinkový pásek mají při teplotě  $t_1$  stejnou délku  $d$ . Pásky byly při této snýtovány a vytvořily tzv. bimetal. Předpokládejme, že se při zahřívání ohýbá do oblouku. Určete poloměr tohoto oblouku při teplotě  $t_2$ , jestliže pásky mají tloušťku  $y$  (každý).  
( $t_1 = 20 \text{ }^\circ\text{C}$ ,  $d = 20 \text{ cm}$ ,  $t_2 = 100 \text{ }^\circ\text{C}$ ,  $y = 1 \text{ mm}$ ,  $\alpha_{Cu} = 17 \cdot 10^{-6} \text{ K}^{-1}$ ,  $\alpha_{Zn} = 29 \cdot 10^{-6} \text{ K}^{-1}$ )

## Struktura a vlastnosti kapalin.

56) Do kapaliny o hustotě  $\rho$  jsou ponořeny dvě kapiláry o poloměrech  $r_1$  a  $r_2$ . Rozdíl výšek hladin v kapilárách je  $\Delta h$ . Jaké je povrchové napětí kapaliny?  
( $\rho = 1000 \text{ kg.m}^{-3}$ ,  $r_1 = 0,5 \text{ mm}$ ,  $r_2 = 0,8 \text{ mm}$ ,  $\Delta h = 1 \text{ cm}$ )

57) Určete povrchové napětí oleje hustoty  $\rho$ , jestliže se při odkapávání z pipety s průměrem  $r$  vytvořilo z objemu  $V$  oleje  $n$  kapek.  
( $\rho = 910 \text{ kg.m}^{-3}$ ,  $r = 1,2 \text{ mm}$ ,  $V = 4,0 \text{ cm}^3$ ,  $n = 304$ )

58) Kapilára má vnitřní poloměr  $r$ . Vypočítejte jak vysoko v ní stoupne voda, když její konec ponoříme do vody a jak velký hydrostatický tlak vytváří tento sloupec vody? Povrchové napětí vody je  $\sigma$ .  
( $r = 0,10 \text{ mm}$ ,  $\sigma = 0,073 \text{ N.m}^{-1}$ )

59) Jak velká energie se uvolní, jestliže se při dešti z kapiček o poloměru  $r$  vytvoří velká kapka s poloměrem  $R$ ? Povrchové napětí vody je  $\sigma$ .  
( $r = 1 \text{ }\mu\text{m}$ ,  $R = 3 \text{ mm}$ ,  $\sigma = 0,073 \text{ N.m}^{-1}$ )

60) Základem kapalinového teploměru je skleněná baňka s teploměrnou látkou o objemu  $V$ , z níž vychází trubička délky  $d$  a s vnitřním obsahem příčného řezu  $S$ . Určete maximální teplotní rozsah teploměru v případě, že teploměrnou látkou je líh. Teplotní roztažnost skla zanedbejte. Součinitel objemové teplotní roztažnosti líhu  $\beta$ .  
( $V = 4,5 \text{ cm}^3$ ,  $d = 20 \text{ cm}$ ,  $S = 0,90 \text{ mm}^2$ ,  $\beta = 1,1 \cdot 10^{-3} \text{ K}^{-1}$ )

## Mechanické kmity, mechanické vlnění, základní charakteristika.

61) Tryskové letadlo proletělo rychlostí  $v$  po přímé dráze ve vzdálenosti  $d$  od pozorovatele. V jaké vzdálenosti od pozorovatele bylo letadlo, když pozorovatel uslyšel jeho zvuk? Rychlost šíření zvuku ve vzduchu je  $340 \text{ m}\cdot\text{s}^{-1}$ .

( $v = 600 \text{ m}\cdot\text{s}^{-1}$ ,  $d = 3 \text{ km}$ )

62) Zvuková vlna je popsána rovnicí

$$y = 5 \cdot 10^{-4} \cdot \sin 2\pi(450t - 1,4x) \text{ [m]}$$

Určete amplitudu, frekvenci, vlnovou délku a rychlost vlnění.

63) V kabině výtahu visí kyvadlo, jehož perioda je  $T_1$ . Když se kabina pohybuje se stálým zrychlením, kyvadlo kmitá s periodou  $T_2$ . Určete velikost a směr zrychlení kabiny.

( $T_1 = 1 \text{ s}$ ,  $T_2 = 1,2 \text{ s}$ )

64) Zvuk úderu do kolejnice šířící se ocelí uslyšel pozorovatel o čas  $t$  dříve, než zvuk šířící se vzduchem. Určete vzdálenost pozorovatele od místa úderu. Rychlost šíření zvuku v oceli je  $v_1$  a ve vzduchu  $v_2$ .

( $t = 7 \text{ s}$ ,  $v_1 = 5,1 \text{ km}\cdot\text{s}^{-1}$ ,  $v_2 = 340 \text{ m}\cdot\text{s}^{-1}$ )

65) Zavěšením závaží o hmotnosti  $m_1$  na pružinu se její délka prodlouží o délku  $d$ . Jakou frekvenci bude mít pružina, jestliže ji rozkmitáme zavěšením závaží o hmotnosti  $m_2$ ?

( $m_1 = 20 \text{ g}$ ,  $d = 8 \text{ cm}$ ,  $m_2 = 50 \text{ g}$ )

66) Kyvadlo délky  $d$  vykonalo  $n$  kmitů za čas  $t$ . Určete velikost tíhového zrychlení.

( $d = 150 \text{ cm}$ ,  $n = 125$ ,  $t = 5 \text{ minut}$ )

67) Zapište rovnici vlnění, která má frekvenci  $1 \text{ kHz}$ , amplitudu výchylky  $3 \text{ mm}$  a postupuje rychlostí  $340 \text{ m}\cdot\text{s}^{-1}$ . Vektor rychlosti šíření vlnění je orientován souhlasně s kladnou osou  $x$ .

68) Pozorovatel, který stojí na okraji propasti Macocha, do ní spustil kámen a slyšel jeho náraz na dno za čas  $t$ . Rychlost šíření zvuku ve vzduchu je  $340 \text{ m}\cdot\text{s}^{-1}$ . Určete hloubku propasti.

( $t = 5,6 \text{ s}$ )

69) Vlastní frekvence mechanického oscilátoru je  $f$ . Pružina oscilátoru je natažena směrem dolů z rovnovážné polohy silou  $F$ . Při tomto ději byla vykonána práce  $W$ . Napište rovnici kmitání oscilátoru.

( $f = 2 \text{ Hz}$ ,  $F = 20 \text{ mN}$ ,  $W = 0,2 \text{ mJ}$ )

70) Když zkrátíme matematické kyvadlo o  $1/5$  jeho délky, zvětší se jeho frekvence o  $1/5 \text{ Hz}$ , a když je prodloužíme o  $1/5$  jeho délky, zmenší se jeho frekvence o  $1/5 \text{ Hz}$ . Jak je kyvadlo dlouhé?

## Elektrický náboj a elektrické pole, veličiny, zákonitosti, kapacita.

71) Deskový kondenzátor se vzduchovým dielektrikem je připojen k baterii o stálém napětí  $U_0$ . Do prostoru mezi deskami vložíme dielektrikum o relativní permitivitě  $\epsilon_r$ . Určete změnu vnitřní energie kondenzátoru a velikost práce vykonané při vtažení dielektrika mezi desky kondenzátoru.

( $U_0 = 10 \text{ V}$ ,  $\epsilon_r = 5$ )

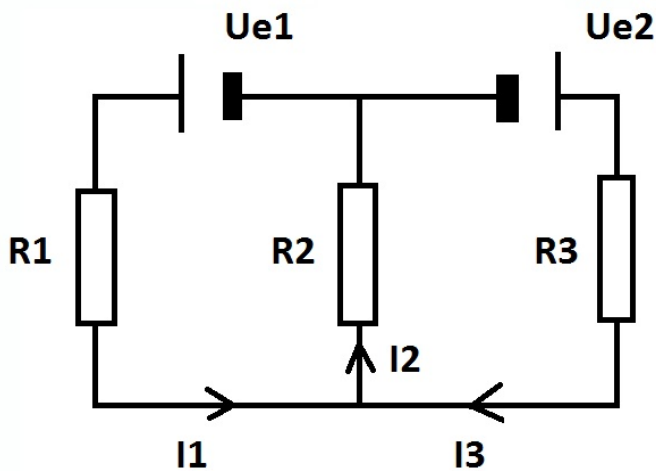
72) Na jaké napětí se nabíjí kondenzátory o kapacitách  $C_1$  a  $C_2$ , jestliže je zapojíme za sebou a připojíme na zdroj napětí  $U$ ? Jaké náboje budou na těchto připojených kondenzátorech?

( $C_1 = 0,1 \mu\text{F}$ ,  $C_2 = 0,2 \mu\text{F}$ ,  $U = 30 \text{ V}$ )

73) Tenké vlákno vydrží maximální sílu napnutí  $F$ . Na tomto vlákně je zavěšena kulička o hmotnosti  $m$  s kladným nábojem  $Q_1$ . Zdola k ní ve směru závěsu přibližujeme kuličku se záporným nábojem  $Q_2$ . Při jaké vzdálenosti mezi oběma kuličkami se vlákno přetrhne?

( $F = 10 \text{ mN}$ ,  $m = 0,6 \text{ g}$ ,  $Q_1 = 11 \text{ nC}$ ,  $Q_2 = 13 \text{ nC}$ )

74) Určete proudy  $I_1$ ,  $I_2$ ,  $I_3$  v obvodu, ve kterém jsou elektromotorická napětí zdrojů  $U_{e1} = 4 \text{ V}$ ,  $U_{e2} = 6 \text{ V}$  a ve větvích jsou zapojeny rezistory s odpory  $R_1 = 10 \Omega$ ,  $R_2 = R_3 = 5 \Omega$ . Vnitřní odpory zdrojů jsou zanedbatelné.



75) Ve dvou vrcholech rovnostranného trojúhelníka, jehož strany mají délku  $d$ , jsou umístěny kladné bodové náboje, které mají velikost  $Q$  a ve třetím vrcholu je umístěn záporný náboj o velikosti  $-Q$ . Určete elektrickou intenzitu v těžišti tohoto trojúhelníka.

( $d = 0,5 \text{ m}$ ,  $Q = 1 \mu\text{C}$ )

## Elektrický proud v kovech, základní zákony a jejich aplikace.

76) Mezi dvěma rovnoběžnými vodiči, jejichž vzájemná vzdálenost je  $d$ , působí síla o velikosti  $F$  na každý metr délky vodičů. Určete velikost proudu ve vedení. Relativní permeabilita  $\mu_r = 1$ .  
( $d = 0,2$  m,  $F = 16$  N)

77) Elektrický průtokový ohřívač vody na síť (230 V / 50 Hz) ohřeje za dobu  $t$  objem  $V$  vody o hustotě  $\rho$  a teplotě  $t_1$  na teplotu  $t_2$ . Jaký je příkon a elektrický odpor výhřevné spirály ohřívače? Měrná tepelná kapacita vody je  $c = 4186$  J.kg<sup>-1</sup>.K<sup>-1</sup>.  
( $t = 60$  s,  $V = 1$  l,  $\rho = 1000$  kg.m<sup>-3</sup>,  $t_1 = 14$  °C,  $t_2 = 80$  °C)

78) Dva rezistory mají při sériovém zapojení výsledný odpor  $R_1$ . Zapojíme-li je paralelně, mají odpor  $R_2$ . Jaký je odpor těchto rezistorů?

79) Dává-li baterie proud  $I_1$ , je její svorkové napětí  $U_1$ . Při proudu  $I_2$  klesne svorkové napětí na  $U_2$ . Jaký je zatěžovací odpor pro oba dva případy? Jaký je vnitřní odpor baterie a její elektromotorické napětí?  
( $I_1 = 3$  A,  $U_1 = 24$  V,  $I_2 = 4$  A,  $U_2 = 20$  V)

80) Určete odpor drátěné krychle mezi vrcholy ležícími na tělesové úhlopříčce. Odpor jedné hrany je  $R$ .

## Stacionární magnetické pole, střídavý proud.

81) Na části obvodu, kterým prochází střídavý proud, je okamžité napětí

$$u = U_m \sin(\omega \cdot t + \pi/6) \text{ [V]}$$

V čase  $T/12$  má okamžité napětí hodnotu 10 V. Určete amplitudu napětí, úhlovou frekvenci a frekvenci střídavého proudu, jestliže jeho perioda je 10 ms.

82) Cívkou v obvodu stejnosměrného proudu prochází při napětí  $U_1$  proud  $I_1$ . V obvodu střídavého proudu při napětí  $U_2$  a frekvenci  $f$  prochází cívkou proud  $I_2$ . Určete indukčnost cívky.

$$(U_1 = 4 \text{ V}, I_1 = 0,5 \text{ A}, U_2 = 9 \text{ V}, f = 50 \text{ Hz}, I_2 = 180 \text{ mA})$$

83) Válcovou cívkou s  $n$  závitů prochází proud  $I$ . Magnetický indukční tok v dutině cívky je  $\Phi$ . Vypočtěte energii magnetického pole cívky.

$$(n = 120, I = 7,5 \text{ A}, \Phi = 2,3 \text{ mWb})$$

84) Napětí mezi duanty cyklotronu je  $U$ , magnetická indukce je  $B$  a hmotnost helionu je  $m_{He}$ . Kolikrát musí projít helion štěrbinou o šířce  $d$  mezi duanty cyklotronu, aby elektrická síla urychlující helion byla rovna magnetické síle působící na helion. Nakreslete obrázek a vysvětlete princip zařízení.

$$(U = 135 \text{ kV}, B = 1,42 \text{ T}, m_{He} = 6,65 \cdot 10^{-27} \text{ kg}, d = 1 \text{ cm})$$

85) Proton se pohybuje rychlostí o velikosti  $v$  v homogenním magnetickém poli, kolmo k vektoru magnetické indukce  $B$

a) určete směr síly působící na proton

b) vypočtěte velikost této síly

c) po jaké trajektorii se bude proton pohybovat?

$$(v = 1 \cdot 10^6 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}, B = 1 \text{ T})$$

## Vlnová povaha světla, šíření, odraz, lom, disperze, interference, ohyb, polarizace.

86) Čočka je pokryta tenkou protiodrazovou vrstvou. Jaká je tloušťka tenké vrstvy, jestliže se jí zeslabuje světlo s vlnovou délkou  $\lambda$ ? Index lomu vrstvy  $n$ .

( $\lambda = 550 \text{ nm}$ ,  $n = 1,35$ )

87) Do dna rybníku o hloubce  $h$  s vodou o indexu lomu  $n$  je zaražena tyč, která vyčnívá o  $d$  nad hladinu. Jak dlouhý stín vrhá tyč na dno rybníku, jestliže je slunce ve výšce  $\alpha$  nad obzorem?

( $h = 2 \text{ m}$ ,  $n = 1,3$ ,  $d = 1 \text{ m}$ ,  $\alpha = 50^\circ$ )

88) Optická mřížka má  $n$  vrypů na 1 mm délky mřížky. Určete vlnovou délku monofrekvenčního světla štěrbinového zdroje, jestliže směry k maximům 1. řádu navzájem svírají malý úhel  $\alpha$ .

( $n = 120$ ,  $\alpha = 8^\circ$ )

89) Jak se jeví potápěči ponořenému ve vodě klidná vodní hladina z hloubky 2 m? Jaký plošný obsah vodní hladiny je pro něho průhledný?

90) Paprsek bílého světla dopadá na tenkou stěnu dutého hranolu, který je naplněn sirouhlíkem, pod úhlem  $\varepsilon_1 = 50^\circ$ . Stěny hranolu jsou z tenkých skleněných planparalelních desek, lámavý úhel hranolu je  $\varphi = 60^\circ$ . Vypočtete úhlovou šířku spektra, je-li index lomu pro červené světlo  $n_c = 1,618$  a pro fialové světlo  $n_f = 1,699$ .

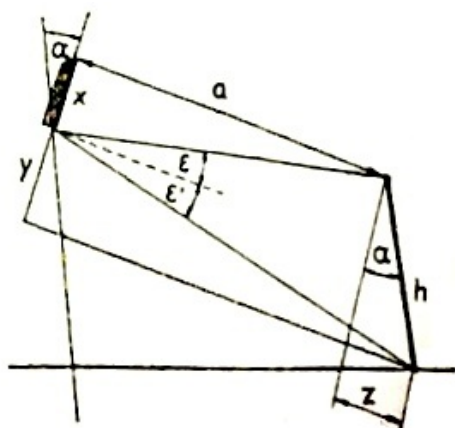
## Zobrazování optickými soustavami, paprsková optika, optické přístroje.

91) Předmět vysoký 0,5 cm stojí kolmo na optickou osu ve vzdálenosti 1 cm od dutého kulového zrcadla o poloměru křivosti 4 cm. Určete polohu a vlastnosti obrazu. Úlohu řešte konstrukcí i výpočtem.

92) Předmět o výšce 3 cm byl zobrazen spojkou tak, že jeho skutečný obraz měl výšku 18 cm. Když byl předmět posunut o 6 cm, vznikl zdánlivý obraz o výšce 9 cm. Jaká byla ohnisková vzdálenost čočky?

93) Ohnisko kulového zrcadla je ve vzdálenosti 0,24 m od svítícího předmětu a ve vzdálenosti 0,54 m od jeho obrazu. Určete ohniskovou vzdálenost zrcadla a jeho příčné zvětšení.

94) Určete délku  $x$  rovinného zrcadla, jehož rovina svírá se svislou stěnou úhel  $\alpha = 20^\circ$ , aby se v něm viděla celá osoba o výšce  $h = 1,8$  m (výšku čela a oči zanedbáváme). Vzdálenost zrcadla od hlavy osoby  $a = 3$  m.



95) Duté kulové zrcadlo má ohniskovou vzdálenost 10 cm. Do jaké vzdálenosti od zrcadla je třeba umístit předmět, aby jeho obraz byl čtyřikrát zvětšený?

## Speciální teorie relativity.

96) Určete přírůstek hmotnosti při ohřátí vody o hmotnosti  $m$  z teploty  $t_1$  na teplotu  $t_2$ .

( $m = 10 \text{ kg}$ ,  $t_1 = 0 \text{ °C}$ ,  $t_2 = 100 \text{ °C}$ )

97) Elementární částice hyperon má v soustavě, v níž je v klidu střední dobu života  $t$ . Jaká bude střední dráha, kterou urazí hyperon od svého vzniku do přeměny, pohybuje-li se rychlostí  $0,95c$

a) podle klasické fyziky

b) podle relativistické fyziky

( $t = 2,6 \cdot 10^{-10} \text{ s}$ )

98) Jakou rychlostí se pohybuje částice, jestliže její kinetická energie je rovna klidové energii?

99) Z urychlovače vychází svazek  $\pi$  mezonů, které dosahují  $0,8$  rychlosti světla ve vakuu. Poločas rozpadu  $\pi$  mezonů je  $\tau$ . Vypočtete, za jak dlouho se rozpadne polovina  $\pi$  mezonů a jak velkou dráhu urazí, než se rozpadnou.

( $\tau = 1,8 \cdot 10^{-8} \text{ s}$ )

100) Vypočítejte, s jakým napětím byly urychleny elektrony, jestliže jejich vlastní čas  $T_0$  je dvakrát kratší než čas  $T$  vzhledem k hodinám umístěným v klidové soustavě.